CURSO: Engenharia Elétrica

PROFESSOR: Greyson Alberto Rech

**DISCIPLINA**: Cálculo Diferencial e Integral I

1º Fase

PERÍODO LETIVO: 2°semestre

Data: 12/08/2019

# Exercícios sobre Limites (Parte I – Introdução)

1) Encontre o valor do limite:

a) 
$$\lim_{x \to -2} (x^2 - 2x - 1) =$$

b) 
$$\lim_{y \to -1} (y^3 - 2y^2 + 3y - 4) =$$

c) 
$$\lim_{t \to 2} \frac{t^2 - 5}{2t^3 + 6} =$$

d) 
$$\lim_{x \to -1} \frac{2x+1}{x^2 - 3x + 4} =$$

e) 
$$\lim_{y \to -2} \frac{y^3 + 8}{y + 2} =$$

f) 
$$\lim_{s \to 1} \frac{s^3 - 1}{s - 1} =$$

g) 
$$\lim_{x \to -3} \frac{x^2 + 5x + 6}{x^2 - x - 12} =$$

h) 
$$\lim_{r \to 1} \sqrt{\frac{8r+1}{r+3}} =$$

i) 
$$\lim_{x \to 2} \sqrt{\frac{x^2 + 3x + 4}{x^3 + 1}} =$$

j) 
$$\lim_{y \to -3} \sqrt{\frac{y^2 - 9}{2y^2 + 7y + 3}} =$$

k) 
$$\lim_{t \to \frac{3}{2}} \sqrt{\frac{8t^3 - 27}{4t^2 - 9}} =$$

1) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{\sqrt{x+2} - \sqrt{2}}{x} =$$

m) 
$$\lim_{t \to 0} \frac{2 - \sqrt{4 - t}}{t} =$$

n) 
$$\lim_{h \to 0} \frac{\sqrt[3]{h+1} - 1}{h} =$$

o) 
$$\lim_{x \to -2} \frac{x^3 - x^2 - x + 10}{x^2 + 3x + 2} =$$

p) 
$$\lim_{x \to 3} \frac{2x^3 - 5x^2 - 2x - 3}{4x^3 - 13x^2 + 4x - 3} =$$

2) Calcule os seguintes limites:

$$\mathbf{a)} \lim_{x \to 2} x =$$

h) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 + 2x}{3x - 1} =$$

b) 
$$\lim_{x\to 2} x^3 =$$

i) 
$$\lim_{x \to 3} (4x^2 - 2x + 1) =$$

c) 
$$\lim_{x \to 1} 2x =$$

j) 
$$\lim_{x\to 1} (2x^3 + 3x^2 - x + 3) =$$

d) 
$$\lim_{x\to 1} x^6 =$$

$$\lim_{x \to 1} (3x^2 - 2x - 1) =$$

e) 
$$\lim_{x \to 3} (x^2 - x) =$$

$$m)\lim_{x\to 2}\frac{x+1}{x^2} =$$

f) 
$$\lim_{x \to 3} \frac{x+1}{x^2} =$$

n) 
$$\lim_{x \to 0} (4x^3 + 2x^2 + x + 2) =$$

g) 
$$\lim_{x \to 2} (3x + x^2) =$$

g) 
$$\lim_{x \to 2} (3x + x^2) =$$
 o)  $\lim_{x \to 1} (x^4 - x^3 + x^2 + x + 1) =$ 

p) 
$$\lim_{x \to -1} (-2x^2 - x + 2) =$$

p) 
$$\lim_{x \to 2} (x^3 - x^2 - 3)^{10} =$$

r) 
$$\lim_{x \to 1} (x+2)^5 =$$

s) 
$$\lim_{x \to 3} \frac{x^3 + x^2 + x + 1}{x^2 - 1} =$$

t) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{x^2 + x}{x^3 + x^2 + x + 1} =$$

u) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{3}{2x+1} =$$

$$V) \lim_{x \to -1} \frac{3x^2 + x + 1}{2} =$$

$$\text{X) } \lim_{x \to 0} \frac{x^3 + 2x^2 + 3x + 2}{2x^3 + x^2 + 2x + 4} =$$



### 3) Calcule os seguintes limites indeterminados:

**a)** 
$$\lim_{x \to 3} \frac{x^2 - 9}{x - 3} =$$

b) 
$$\lim_{x \to -7} \frac{49 - x^2}{7 + x} =$$

c) 
$$\lim_{x \to 5} \frac{5-x}{25-x^2} =$$

d) 
$$\lim_{x\to 0} \frac{x^2 + x}{x^2 - 3x} =$$

**e)** 
$$\lim_{x \to 0} \frac{x^3}{2x^2 - x} =$$

f) 
$$\lim_{x \to -7} \frac{49 + 14x + x^2}{7 + x} =$$

g) 
$$\lim_{x \to 3} \frac{x^2 - 6x + 9}{x - 3} =$$

h) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 1} =$$

i) 
$$\lim_{x \to 4} \frac{x^2 - 7x + 1}{x - 4}$$

j) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{x-1}{x^2 - 3x + 2}$$

$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{x - 1}$$

m) 
$$\lim_{x\to 2} \frac{x-2}{x^2-4} =$$

### 4) Calcule os seguintes limites:

a) 
$$\lim_{x \to -4} - x =$$

g) 
$$\lim_{x \to -1} (8x + x^2) =$$

b) 
$$\lim_{x \to -4} x^3 =$$

h) 
$$\lim_{x \to 2} \frac{5x - x^2}{x - 3} =$$

c) 
$$\lim_{x \to -3} - x^4 =$$

i) 
$$\lim_{x \to -3} (x^2 - 2x - 15) =$$

d) 
$$\lim_{x \to -1} 3x^8 =$$

c) 
$$\lim_{x \to -3} - x^4 =$$
i)  $\lim_{x \to -3} (x^2 - 2x - 15) =$ 
d)  $\lim_{x \to -1} 3x^8 =$ 
j)  $\lim_{x \to -1} (2x^3 + 3x^2 - 7x + 3) =$ 
e)  $\lim_{x \to 5} (-x^2 - 3x) =$ 
l)  $\lim_{x \to 1} (4x^3 - x^2 - 4x^2 + 1) =$ 

e) 
$$\lim_{x \to 5} (-x^2 - 3x) =$$

1) 
$$\lim_{x \to 1} (4x - x - 4x + 1)$$

f) 
$$\lim_{x \to -2} \frac{3x + 2}{x^2}$$

f) 
$$\lim_{x \to -2} \frac{3x + 2}{x^2} =$$
 m)  $\lim_{x \to 3} \frac{x^3 - 2x^2 - 3x}{x^2 - 8} =$ 

n) 
$$\lim_{x \to -1} (4x^3 + 2x^2 + x + 2) =$$

o) 
$$\lim_{x\to 0} (x^4 - x^3 + x^2 + x + 1) =$$

p) 
$$\lim_{x\to 3} (-2x^2 - x + 2) =$$

q) 
$$\lim_{x \to -1} (x^3 - x^2 - 3)^7 =$$

r) 
$$\lim_{x \to 2} (x^2 + 1)^4 =$$

s) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{7x^8 - x^7}{-2x^3 + 5x^2 - x + 6} =$$

## 5) Calcule os seguintes limites indeterminados:

a) 
$$\lim_{x \to -4} \frac{x^2 - 16}{x + 4} =$$

b)  $\lim_{x \to -8} \frac{64 - x^2}{9} =$ 

e) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{x^5}{5x^2 - 3x} =$$

f) 
$$\lim_{x \to -4} \frac{16 + 8x + x^2}{4 + x} =$$

c) 
$$\lim_{x \to 9} \frac{9 - x}{81 - x^2} =$$

g) 
$$\lim_{x \to 10} \frac{x^2 - 20x + 100}{x - 10} =$$

d) 
$$\lim_{x \to 0} \frac{3x^2 + x}{x^2 - 7x} =$$

h) 
$$\lim_{x \to 5} \frac{x^2 - 9x + 20}{x - 5} =$$

i) 
$$\lim_{x \to -6} \frac{x^2 + 13x + 42}{x + 6} =$$

j) 
$$\lim_{x \to 4} \frac{x-4}{x^2-7x+12} =$$

1) 
$$\lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 8x + 7}{x - 1} =$$

m) 
$$\lim_{x \to 11} \frac{x - 11}{x^2 - 121} =$$

1) a.7 b.-10 c.-1/22 d.-1/8 e.12 f.3 g.1/7 h.3/2 i.
$$\frac{\sqrt{14}}{3}$$
 j. $\frac{1}{5}\sqrt{30}$  k. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$  l. $\frac{1}{4}\sqrt{2}$  m.1/4 n.1/3 o. -15 p.11/17

2) a)2 b)8 c)2 d)1 e)6 f)4/9 g)10 h)3/2 i)31 j)7 l)0 m) $\frac{3}{4}$  n)2 o)3 p)1 q)1 r)243 s)5 t)0 u)1 v)3/2 x) $\frac{1}{2}$ 

3) a)6 b)14 c)1/10 d)-1/3 e)0 f)0 g)0 h)-2 i)1 j)-1 l)0 m)1/4

4) a)4 b -64 c)-81 d)3 e)-40 f)-1 g)-7 h)-6 i)0 j)11 l)0 m)0 n)-1 o)1 p)-19 q)-78125 r)625 s)0

5) a)-8 b)16 c)1/18 d)-1/7 e)0 f)0 g)0 h)1 i)1 j)1 l)-6 m)1/22